УДК 534-16;534.014;535.375.54;

# ОСОБЕННОСТИ ФОРМИРОВАНИЯ НАНОКРИСТАЛЛОВ КРЕМНИЯ ПРИ ОТЖИГЕ СЛОЕВ SiO<sub>2</sub>, ИМПЛАНТИРОВАННЫХ ИОНАМИ Si

© 2011 г. Н. Н. Овсюк<sup>1</sup>, Venu Mankad<sup>2</sup>, Sanjeev K. Gupta<sup>2</sup>, Prafulla K. Jha<sup>2</sup>, Г. А. Качурин<sup>3</sup>

E-mail: ovsyuk@iggm.nsc.ru

Исследовано влияние отжига на ионно-лучевой синтез нанокристаллов кремния в слоях SiO<sub>2</sub> с помощью низкочастотного комбинационного рассеяния (КР). Низкочастотное КР использовали потому, что возникновение в матрице стекла кристаллических зародышей приводит к дополнительному вкладу в плотность низкочастотных акустических колебательных состояний, обусловленному поверхностными модами колебаний этих зародышей. Электронная микроскопия, вопреки ожиданиям, выявила снижение, а не увеличение размеров зародышей при отжиге. Низкочастотное КР показало, что в образце присутствует не плавное распределение, а два выделенных размера наночастиц 3 и 6 нм.

#### **ВВЕДЕНИЕ**

Нанокристаллы кремния привлекли в последние годы большое внимание из-за превосходных электрических и механических свойств, позволяющих использовать их во многих областях, включая биодатчики [1–7]. Кроме того, стекла, легированные нанокристаллами кремния, можно использовать в оптоэлектронных устройствах. Край поглощения таких стекол можно контролируемо менять, варьируя состав и размеры частиц. На оптические свойства этих стекол можно влиять через квантовый конфайнмент носителей и другие размерные эффекты [8, 9]. Одновременный контроль размера и состава наночастиц должен еще больше расширить область применения стекол, легированных нанокристаллами. Поскольку стеклянная матрица прозрачна в видимом диапазоне, оптические свойства этих композитных материалов определяются рассредоточенными в них нанокристаллами. Колебательные свойства полупроводниковых наночастиц также вызывают большой интерес, поскольку фононная эмиссия - один из самых важных механизмов электронной дефазировки. Пространственный конфайнмент носителей изменяет не только электронную структуру, но также и электрон-фононное взаимодействие. Модификация фононных спектров открывает новую область наноразмерной науки, известной как фононная инженерия. Эта новая область науки имеет дело со свойствами фононов и с контролем фононной дисперсии в наноструктурах и называется нанофононикой. Создание электронных устройств с размерами, меньшими средней длины свободного пробега акустических фононов, открывает новые возможности для распространения и взаимодействия фононов.

В последние годы стали разрабатываться методы, которые могли бы направленным образом модифицировать свойства наноструктур. К таким методам можно отнести отжиг имплантированных кремнием стекол SiO<sub>2</sub>. Если подобрать температуру отжига, при которой будет происходить зародышеобразование, но недостаточную для роста размеров наночастиц за счет диффузионного стока и оствальдовского созревания, то можно будет получить нанокристаллы маленьких размеров. В данной работе мы исследовали влияние такого отжига на ионно-лучевой синтез нанокристаллов кремния в слоях SiO<sub>2</sub> с помощью низкочастотного КР. Низкочастотное КР, обусловленное взаимодействием видимого света с акустическими колебательными модами нанокристаллов, - эффективный метод их исследования. Это связано с тем, что в наночастицах в отличие от объемных кристаллов из-за нарушения правил отбора по волновому вектору в спектрах КР наблюдается полная плотность акустических колебательных состояний. Именно эта их особенность позволяет исследовать начальную стадию кристаллизации, так как возникновение в матрице стекла кристаллических зародышей приводит к дополнительному вкладу в плотность акустических колебательных состояний, связанному с поверхностными модами колебаний микрокристаллов. Теория поверхностных колебаний однородного сферического упругого тела при отсутствии напряжения на границах впервые была разработана Лэмбом [10]. Значения частот таких поверхностных колебательных мод в соответствии с теорией Лэмба равны  $\omega_{so} = 0.7 v_{l}/d$ , (где d размер кристаллического зародыша) и  $\omega_{S2} = 0.85 \upsilon_t/d$ . Детальное описание этих мод будет приведено ниже. Ранее было показано [11], что стеклянная матрица также влияет на собственные частоты поверхностных колебаний нанокристаллов и что дробный ко-

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Учреждение Российской академии наук Институт геологии и минералогии СО РАН, Новосибирск.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Department of Physics, Bhavnagar University, India.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Учреждение Российской академии наук Институт физики полупроводников СО РАН, Новосибирск.

эффициент в приведенных выше формулах зависит от поляризации света и от жесткости стеклянной матрицы, окружающей микрокристалл. Спектры низкочастотного КР дают информацию о размерах, форме и концентрации зародышей, образовавшихся в стеклянной матрице.

## ОБРАЗЦЫ И МЕТОДИКА

Образцы представляют собой пластины стекла  $SiO_2$  толщиной 0.6 мкм, в которые имплантировались ионы Si с энергией 150 кэВ и дозой  $10^{17}$  см<sup>-2</sup>, а затем проводили однократный отжиг в течение 30 мин при 1100°С.

Более детальная характеристика приготовления образцов дана в [12]. Образование нанокристаллов кремния фиксировалось с помощью высокоразрешающей электронной микроскопии и низкочастотного КР.

#### ТЕОРИЯ

Акустические фононы, ограниченные в наночастицах, дают низкочастотные моды в колебательных спектрах этих частиц. Эти фононные моды могут быть получены из решения уравнения движения однородной, свободной от напряжения упругой сферы, впервые предложенного Лэмбом [10] и позднее развитого другими авторами [13, 14]. Чтобы понять главные особенности экспериментальных спектров КР, низкочастотные колебания нанокристаллов кремния в слоях SiO<sub>2</sub> были рассчитаны при использовании трех подходов: (а) оригинального подхода Лэмба [10], (б) рассмотрения изотропной сферы, окруженной матрицей [11, 14–16], и (в) рассмотрения модели "ядро-оболочка", применимой как к свободным, так и к погруженным в матрицу наночастицам [17-19]. Детали оригинального подхода Лэмба могут быть найдены в [10, 20], однако, чтобы провести сравнение с другими двумя подходами, мы кратко опишем эту модель. Область смещения упругой среды  $\vec{u}(\vec{r},t)$  с плотностью  $\rho(\vec{r})$  подчиняется уравнению Навье, которое можно записать как

$$c_{ijkl,j}\vec{u}_{k,l} + c_{ijkl}\vec{u}_{k,lj} = \rho \vec{\vec{u}}_i, \qquad (1)$$

где  $c_{ijkl}(\vec{r})$  — тензор упругих констант четвертого ранга. Полное уравнение для однородной изотропной среды имеет вид [18]

$$(\lambda + 2\mu)\vec{\nabla}(\vec{\nabla} \times \vec{u}) - \mu\vec{\nabla} \times (\vec{\nabla} \times \vec{u}) = \rho\vec{u}, \qquad (2)$$

где  $\lambda$  и  $\mu$  – константы Ламэ,  $\rho$  – плотность наночастицы, связанные между собой следующими выражениями  $V_l = \sqrt{\frac{2\mu + \lambda}{\rho}}$  и  $V_t = \sqrt{\frac{\mu}{\rho}}$ ;  $V_l$  и  $V_t$  – про-

дольная и поперечная скорости звука. Для частиц, свободных от напряжения, уравнение (2) решается введением скалярного и векторного потенциалов и дает два типа колебательных мод:

ИЗВЕСТИЯ РАН. СЕРИЯ ФИЗИЧЕСКАЯ том 75 № 5 2011

сфероидальную и торсионную. Эти моды описываются квантовым числом орбитального углового момента *l* и гармоникой *n*. Уравнение для собственных значений сфероидальных мод выражается в виде [10, 20]

$$tg\left(\frac{\omega}{V_{l}}a\right) / \left(\frac{\omega}{V_{l}}a\right) = \frac{1}{1 - \frac{1}{4}\left(\frac{\omega}{V_{l}}a\right)^{2}}, \text{ при } l = 0, \quad (3a)$$

$$2\left[\eta^{2} + (l-1)(l+2)\left\{\frac{\eta j_{l+1}(\eta)}{j_{l}(\eta)} - (l+1)\right\}\right] \times \frac{\xi j_{l+1}(\xi)}{j_{l}(\xi)} - \frac{\eta^{4}}{2} + (l-1)(2l+1)\eta^{2} + (\xi) + \left\{\eta^{2} - 2l(l-1)(l+2)\right\}\frac{\eta j_{l+1}(\eta)}{j_{l}(\eta)} = 0,$$
при  $l \ge 1.$ 

Здесь η — безразмерные собственные значения можно выразить как

$$\gamma_l^s = \frac{\omega_l^s R}{V_t},\tag{4}$$

где  $j_l(\eta)$ , или  $j_l(\xi)$  — сферические функции Бесселя первого рода и  $\eta = \xi (V_l/V_l)$ . Торсионные моды, поперечные по природе, не зависят от свойств материала, они определены для  $l \ge 1$  и ортогональны к сфероидальным модам [10, 20]. Сфероидальные моды характеризуются моментами  $l \ge 0$ , где l = 0 — симметричная дыхательная мода, l = 1 — дипольная мода и l = 2 — квадрупольная мода. Мода с l = 0 является радиальной и дает поляризованные спектры, в то время как квадрупольная мода с l = 2 дает частично деполяризованные спектры. Сфероидальные моды для четных l (т.е.  $\omega_{50}$  и  $\omega_{52}$ ) активны в КР [13]. Самые низкие собственные частоты для n == 0 и для сфероидальных и торсионных мод соответствуют поверхностным модам, в то время как моды с  $n \ge 1$  являются внутренними модами.

Обычная модель Лэмба в состоянии предсказать только частоту, т. е. фактическое положение пика, но не позволяет получить полуширину пика, наблюдаемого в спектрах КР, поэтому Portalés и др. [19] предложили подход, известный как модель "ядро-оболочка", рассматривающий наночастицы как ядро, окруженное макроскопически большой сферической матрицей, который дает не только значения частот мод, но также интенсивность и форму низкочастотного спектра КР. Для сравнения с экспериментальными спектрами КР необходимо использовать модель "ядро-оболочка". В экспериментах по КР важны собственные значения частот колебательных мод, для которых интенсивность КР связана со среднеквадратичным смещением  $\langle u^2 \rangle_{r}$  внутри частицы [14, 18]. Кроме среднеквадратичного смещения, определяющего амплитуду и спектральную форму линии, нужно знать еще и матричный эле-



Рис. 1. Электронная микроскопия высокого разрешения на поперечных срезах пластины стекла  $SiO_2$  толщиной 0.6 мкм, в которые имплантировали ионы Si после отжига при 1100°С. Вставка иллюстрирует, что после фурье-фильтрации на выделенном участке выявляется кристалличность включений.

мент электрон-фононного взаимодействия, который определяет полную интенсивность. Среднеквадратичное смещение внутри наночастицы может быть записано как в [18]:

$$\left\langle u^{2}\right\rangle_{p} = \frac{1}{\nabla_{p}} \int_{R < R_{p}} \left| \vec{u} \left( \vec{R} \right) \right|^{2} d^{3} \vec{R}, \tag{5}$$

где <sub>V<sub>n</sub></sub> – объем частицы.

#### РЕЗУЛЬТАТЫ И ОБСУЖДЕНИЕ

На рис. 1 показан типичный снимок, полученный с помощью электронной микроскопии высокого разрешения кремниевых нанокристаллов, погруженных в матрицу SiO<sub>2</sub>. После имплантации кремния сразу образуются свободно упакованные кластеры (~6 нм) с различным образом координированными атомами избыточного кремния, которые не имеют резких границ. После отжига, который ведет к доминированию четырех координатных атомов в связях Si-Si<sub>4</sub>, эти свободно упакованные кластеры преобразуются в компактные Si-преципитаты (~3 нм), что подтверждается электронной микроскопией высокого разрешения [21]. После имплантации появляются дефекты, которые при отжиге будут служить стоками для атомов Si, т.e. зародышами для вновь образуемых кристаллов, поэтому атомы Si при сегрегации из SiO<sub>2</sub> после отжига идут не на диффузионный рост кластеров, а на образование новых зародышей. Так как минимальный размер Интенсивность, отн. ед.



**Рис. 2.** Низкочастотный спектр КР нанокристаллов Si в слоях SiO<sub>2</sub>, сформированных после имплантации и отжига в течение 30 мин при 1100°С. Пунктиром показаны расчетные среднеквадратичные смещения  $\left\langle u^2 \right\rangle_p$  для наночастиц Si двух размеров с использованием модели "ядро–оболочка".

кристаллических зародышей для Si составляет 3 нм [22], количество нанокристаллов с такими размерами преобладает. Таким образом, в образце будут присутствовать кластеры (~6 нм) и нанокристаллы (~3 нм), о чем свидетельствует наличие двух пиков в низкочастотном спектре КР, которые обусловлены взаимодействием видимого света с акустическими колебательными модами этих наночастиц. Эти пики были зарегистрированы с помощью поляризованного рассеяния, когда векторы поля возбуждающей и рассеянной волн параллельны плоскости рассеяния, т. е. они обусловлены сфероидальными поверхностными модами  $\omega_{50}$  с угловым моментом l = 0. Для сравнения с экспериментальными спектрами мы вычислили среднеквадратичное смещение  $\langle u^2 \rangle_{-}$ для Si наночастиц двух различных размеров, используя модель "ядро-оболочка" (пунктир на рис. 2). Мы использовали следующие значения параметров:  $\rho_{Si}$  = = 2.33 г/см<sup>3</sup>, υ<sub>l</sub> = 5.95 · 10<sup>5</sup> см · c<sup>-1</sup>, υ<sub>t</sub> = 3.76 ·  $\cdot\,10^5\,\text{см}\cdot\text{c}^{-1},\,\rho_{SiO_2}=2.2\,\text{г/см}^3,\,\upsilon_{\it l}=8.43\,\cdot\,10^5\,\,\text{см}\,\cdot\,\text{c}^{-1},$  $\upsilon_t = 5.84 \cdot 10^5 \,\mathrm{сm} \cdot \mathrm{c}^{-1}$ . Было найдено, что сфероидальные поверхностные моды  $\omega_{s0}$  смягчаются от 0.7  $\upsilon_l/d$ до 0.4 υ<sub>/</sub>/*d* при погружении нанокристаллов в матрицу и становятся равными 38 см<sup>-1</sup> для нанокристаллов с d = 3 нм и 18 см<sup>-1</sup> для кластеров с d = 6 нм. Расчетный спектр КР, изображенный пунктиром на рис. 2, оказался в хорошем согласии с экспериментом. Сравнимые полуширины линий КР при 18 и при 38 см<sup>-1</sup> говорят о том, что звук нечувствителен к размытию фазовой границы кластеров на атомном масштабе.

том 75

Nº 5

2011

ИЗВЕСТИЯ РАН. СЕРИЯ ФИЗИЧЕСКАЯ

ОСОБЕННОСТИ ФОРМИРОВАНИЯ НАНОКРИСТАЛЛОВ КРЕМНИЯ

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. *Ehbrecht M., Ferkel H., Huisken F. et al.* // J. Appl. Phys. 1995. V. 78. P. 5302.
- Ehbrecht M., Kohn B., Huisken F. et al. // Phys. Rev. B. 1997. V. 56. P. 6958.
- Xia H., He Y.L., Wang L.C. et al. // J. Appl. Phys. 1995. V. 78. P. 6705.
- Cheng W., Ren Shang-Fen // Phys. Rev. B. 2002. V. 65. 205305.
- 5. *Seto T., Orii T. et al.* // Thin Solid Films. 2003. V. 437. P. 230.
- 6. Xia Y., Yang P. et al. //Adv. Mater. 2003. V. 15. P. 353.
- Cui Y., Wei Q., Park H., Lieber C. M. // Science. 2001. V. 293. P. 1289.
- Екимов А.И., Онущенко А.А. // Письма в ЖЭТФ. 1981. Т. 34. Р. 363.
- 9. Екимов А.И., Онущенко А.А. // Письма в ЖЭТФ. 1984. Т. 40. Р. 337.
- 10. *Lamb H.* // Proc. London Math. Soc. 1882. V. 13. P. 189.
- Ovsyuk N.N., Novikov V.N. // Phys. Rev. B. 1996. V. 53. P. 3113.

- 12. Качурин Г.А., Володин В.А. и др. // ФТП. 2005. Т. 39. С. 582.
- 13. Duval E. // Phys. Rev. B. 1992. V. 46. P. 5795.
- Talati M., Jha P.K. // Phys. Rev. E. 2006. V. 73. 011901; 2008. V. 77. 029904.
- Verma P., Cordts W. et al. // Phys. Rev. B. 1999. V. 60. P. 5778.
- Saviot L., Murray D.B. // Phys. Rev. Lett. 2004. V. 93. 055506; Phys. Rev. B. 2004. V. 69. 094305.
- 17. Дубровский В.А., Морочник В.С. // Изв. АН СССР. Физика Земли. 1981. Т. 7. С. 29.
- Saviot L., Murray D.B. // Phys. Rev. B. 2005. V. 72. 205433.
- Portalés H., Saviot L. et al. // Phys. Rev. B. 2002. V. 65. 165422.
- Saviot L., Murray D.B., Marco de Lucas M.C. // Phys. Rev. B. 2004. V. 69.113402.
- 21. Качурин Г.А., Яновская С.Г. и др. // ФТП. 2002. Т. 36. С. 685.
- 22. Veprek S., Iqbal Z., Sarott F.-A. // Phil. Mag. B. 1982. V. 45. P. 137.